

Simulazione di compito (gli esercizi di questa simulazione verranno corretti in classe martedì 24 maggio).

1.

Siano D il dominio definito da $1 \leq z \leq 2 - x^2 - y^2$ ed S la superficie che ne costituisce la frontiera.

Sia inoltre F il campo vettoriale definito da $F(x, y, z) = (1, 1, 1/\sqrt{x^2 + y^2})$.

- Calcolare il flusso del campo uscente da S ; ritrovare poi il risultato usando il teorema della divergenza.
- Calcolare il lavoro sulla curva che delimita la base (orientata in senso antiorario); ritrovare il risultato usando poi il teorema di Stokes.

2.

Provare che il campo vettoriale $\left(1 - \frac{2x}{x^2 + y^2}, 1 - \frac{2y}{x^2 + y^2}\right)$ è conservativo.

Successivamente calcolarne un potenziale.

3. (Per Civili)

La quantità di materia prima grezza che viene lavorata in una unità oraria dalla linea di produzione di una fabbrica è descritta da una variabile aleatoria X distribuita secondo legge **normale** $N(\mu, \sigma^2)$ di media $\mu = 130$ kg e deviazione standard $\sigma = 9$ kg.

Determinare la **funzione generatrice**, il **valore atteso** e la **deviazione standard** della variabile aleatoria Y che modella la quantità di materia prima che viene lavorata in un turno di 8 ore. (i.e. $Y = X_1 + X_2 + \dots + X_8$, con le X_i variabili aleatorie indipendenti di legge $N(\mu, \sigma^2)$).

La linea di produzione preleva la materia prima grezza da un deposito di stoccaggio che viene riempito completamente all'inizio di ogni turno (di 8 ore). Calcolare quantità di materia prima che deve essere stoccata nel deposito affinché essa sia sufficiente nel 99% dei casi (utilizzare la tabella sul retro).

3. (Per Edili)

Provare che l'equazione $2x e^y + y + 1 = 0$ definisce in un intorno del punto $(0, -1)$ una funzione $y = \phi(x)$. Successivamente scrivere il polinomio di Taylor di punto iniziale $x_0 = 0$ e grado 2 per tale funzione.

Valori assunti dalla funzione di ripartizione della legge normale standard

	+0.00	+0.01	+0.02	+0.03	+0.04	+0.05	+0.06	+0.07	+0.08	+0.09
0.0	0.5	0.50399	0.50798	0.51197	0.51595	0.51994	0.52392	0.5279	0.53188	0.53586
0.1	0.53983	0.5438	0.54776	0.55172	0.55567	0.55962	0.56356	0.56749	0.57142	0.57535
0.2	0.57926	0.58317	0.58706	0.59095	0.59483	0.59871	0.60257	0.60642	0.61026	0.61409
0.3	0.61791	0.62172	0.62552	0.6293	0.63307	0.63683	0.64058	0.64431	0.64803	0.65173
0.4	0.65542	0.6591	0.66276	0.6664	0.67003	0.67364	0.67724	0.68082	0.68439	0.68793
0.5	0.69146	0.69497	0.69847	0.70194	0.7054	0.70884	0.71226	0.71566	0.71904	0.7224
0.6	0.72575	0.72907	0.73237	0.73565	0.73891	0.74215	0.74537	0.74857	0.75175	0.7549
0.7	0.75804	0.76115	0.76424	0.7673	0.77035	0.77337	0.77637	0.77935	0.7823	0.78524
0.8	0.78814	0.79103	0.79389	0.79673	0.79955	0.80234	0.80511	0.80785	0.81057	0.81327
0.9	0.81594	0.81859	0.82121	0.82381	0.82639	0.82894	0.83147	0.83398	0.83646	0.83891
1.0	0.84134	0.84375	0.84614	0.84849	0.85083	0.85314	0.85543	0.85769	0.85993	0.86214
1.1	0.86433	0.8665	0.86864	0.87076	0.87286	0.87493	0.87698	0.879	0.881	0.88298
1.2	0.88493	0.88686	0.88877	0.89065	0.89251	0.89435	0.89617	0.89796	0.89973	0.90147
1.3	0.9032	0.9049	0.90658	0.90824	0.90988	0.91149	0.91309	0.91466	0.91621	0.91774
1.4	0.91924	0.92073	0.9222	0.92364	0.92507	0.92647	0.92785	0.92922	0.93056	0.93189
1.5	0.93319	0.93448	0.93574	0.93699	0.93822	0.93943	0.94062	0.94179	0.94295	0.94408
1.6	0.9452	0.9463	0.94738	0.94845	0.9495	0.95053	0.95154	0.95254	0.95352	0.95449
1.7	0.95543	0.95637	0.95728	0.95818	0.95907	0.95994	0.9608	0.96164	0.96246	0.96327
1.8	0.96407	0.96485	0.96562	0.96638	0.96712	0.96784	0.96856	0.96926	0.96995	0.97062
1.9	0.97128	0.97193	0.97257	0.9732	0.97381	0.97441	0.975	0.97558	0.97615	0.9767
2.0	0.97725	0.97778	0.97831	0.97882	0.97932	0.97982	0.9803	0.98077	0.98124	0.98169
2.1	0.98214	0.98257	0.983	0.98341	0.98382	0.98422	0.98461	0.985	0.98537	0.98574
2.2	0.9861	0.98645	0.98679	0.98713	0.98745	0.98778	0.98809	0.9884	0.9887	0.98899
2.3	0.98928	0.98956	0.98983	0.9901	0.99036	0.99061	0.99086	0.99111	0.99134	0.99158
2.4	0.9918	0.99202	0.99224	0.99245	0.99266	0.99286	0.99305	0.99324	0.99343	0.99361
2.5	0.99379	0.99396	0.99413	0.9943	0.99446	0.99461	0.99477	0.99492	0.99506	0.9952
2.6	0.99534	0.99547	0.9956	0.99573	0.99585	0.99598	0.99609	0.99621	0.99632	0.99643
2.7	0.99653	0.99664	0.99674	0.99683	0.99693	0.99702	0.99711	0.9972	0.99728	0.99736
2.8	0.99744	0.99752	0.9976	0.99767	0.99774	0.99781	0.99788	0.99795	0.99801	0.99807
2.9	0.99813	0.99819	0.99825	0.99831	0.99836	0.99841	0.99846	0.99851	0.99856	0.99861
3.0	0.99865	0.99869	0.99874	0.99878	0.99882	0.99886	0.99889	0.99893	0.99896	0.999
3.1	0.99903	0.99906	0.9991	0.99913	0.99916	0.99918	0.99921	0.99924	0.99926	0.99929
3.2	0.99931	0.99934	0.99936	0.99938	0.9994	0.99942	0.99944	0.99946	0.99948	0.9995
3.3	0.99952	0.99953	0.99955	0.99957	0.99958	0.9996	0.99961	0.99962	0.99964	0.99965
3.4	0.99966	0.99968	0.99969	0.9997	0.99971	0.99972	0.99973	0.99974	0.99975	0.99976